



# REGRESI LINIER BERGANDA

---

Aryan Eka Prastyo Nugraha  
2019

# Aim

Multiple regression is a statistical technique through which one can analyze the relationship between a dependent or criterion variable and a set of independent or predictor variables. As a statistical tool, multiple regression is often used to accomplish three objectives.

1. To find the best prediction equation for a set of variables, that is, given X and Y (the predictors), what is Z (the criterion variable)?
2. To control for confounding factors in order to assess the contribution of a specific variable or set of variables, that is, identifying independent relationships.
3. To find structural relationships and provide explanations for seemingly complex multivariate relationships, such as is done in path analysis.

# Multiple Regression Techniques

3

There are three major multiple regression techniques: **standard multiple regression**, **hierarchical regression**, and **statistical (stepwise) regression**. They differ in terms of how the overlapping variability owing to correlated independent variables is handled, and who determines the order of entry of independent variables into the equation (Tabachnick and Fidell, 2001).

# Checklist of Requirements

The size of the sample has a direct impact on the statistical power of the significance testing in multiple regression.

---

**Power** in multiple regression refers to the probability of detecting as statistically significant a specific level of  $R$ -square, or a regression coefficient at a specified significance level and a specific sample size (Hair, Anderson, Tatham, and Black, 1995)

# Assumptions

- **Linearity**—As regression analysis is based on the concept of correlation, the linearity of the relationship between dependent and independent variables is important. Linearity can easily be examined by residual plots.
- **Homoscedasticity**—The assumption of equal variances between pairs of variables can also be detected by residual plots.
- **Independence of error terms**—In regression, it is assumed that the predicted value is not related to any other prediction; that is, each predicted value is independent. Violation of this assumption can be detected by plotting the residuals against a sequence of cases. If the residuals are independent, the pattern should appear random. Violations will be indicated by a consistent pattern in the residuals. Violation of this assumption can also be detected by the Durbin-Watson statistic. If the Durbin-Watson  $d$  statistic is between the two critical values of  $1.5 < d < 2.5$ , it can be assumed that there is no linear auto-correlation in the data.
- **Normality**—It is assumed that errors of prediction (differences between the obtained and predicted dependent variable scores) are normally distributed. Violation of this assumption can be detected by an examination of the residual plots.

# Multicollinearity

Multicollinearity refers to the situation where the independent/predictor variables are highly correlated. When independent variables are multicollinear, there is “overlap” or sharing of predictive power.

---

This may lead to the paradoxical effect whereby the regression model fits the data well, but none of the predictor variables has a significant impact in predicting the dependent variable.

Seorang mahasiswa melakukan penelitian tentang faktor-faktor yang mempengaruhi harga saham pada perusahaan di BEJ. Dalam penelitiannya ingin mengetahui hubungan antara rasio keuangan Price Earning Ratio (PER) dan Return On Investment (ROI) terhadap harga saham.

---

Dia menganalisis dengan bantuan program SPSS dengan alat analisis regresi linear berganda. Dari uraian di atas maka didapat variabel dependen (Y) adalah harga saham, sedangkan variabel independen (X<sub>1</sub> dan X<sub>2</sub>) adalah PER dan ROI.

Tahun	Harga Saham (Rp)	PER (%)	ROI (%)
1990	8300	4.90	6.47
1991	7500	3.28	3.14
1992	8950	5.05	5.00
1993	8250	4.00	4.75
1994	9000	5.97	6.23
1995	8750	4.24	6.03
1996	10000	8.00	8.75
1997	8200	7.45	7.72
1998	8300	7.47	8.00
1999	10900	12.68	10.40
2000	12800	14.45	12.42
2001	9450	10.50	8.62
2002	13000	17.24	12.07
2003	8000	15.56	5.83
2004	6500	10.85	5.20
2005	9000	16.56	8.53
2006	7600	13.24	7.37
2007	10200	16.98	9.38

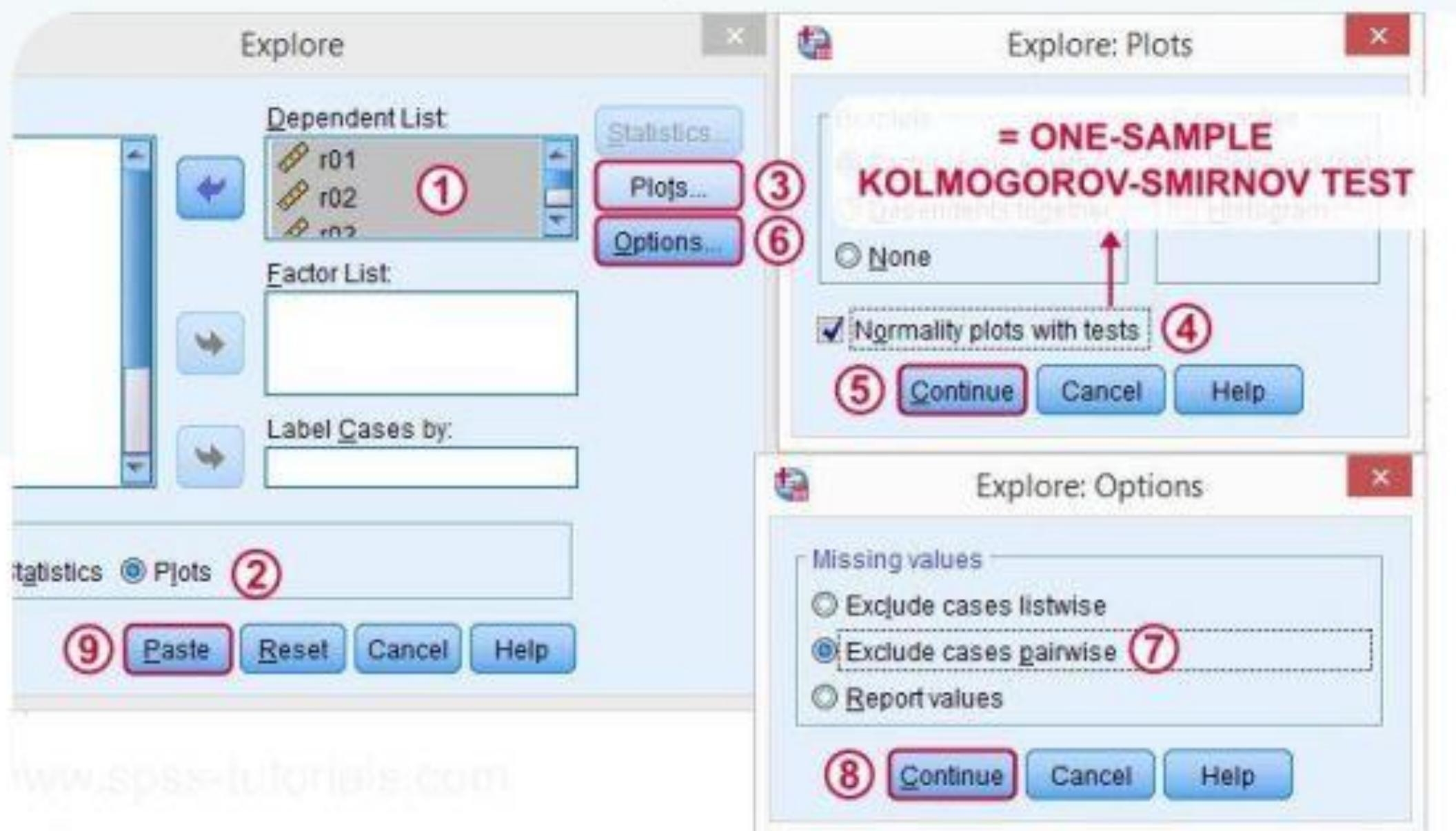
# Linearity & Homoscedasticity

9



# Normality

An alternative way to run the Kolmogorov-Smirnov test starts from Analyze SPSS Menu Arrow Descriptive Statistics SPSS Menu Arrow Explore



a variable  
is *not* normally  
distributed if “Sig.” <  
0.05.

## Klik Analyze - Regression - Linear

- Klik variabel Harga Saham dan masukkan ke kotak Dependent, kemudian klik variable PER dan ROI kemudian masukkan ke kotak Independent.
- ➤ Klik Statistics, klik Casewise diagnostics, klik All cases. Klik Continue

**Coefficients<sup>a</sup>**

Model	Unstandardized Coefficients		Standardized Coefficients	t	Sig.
	B	Std. Error			
1	(Constant)	4662.491	668.382	6.976	.000
	PER (X1)	-74.482	59.161	-1.259	.227
	ROI (X2)	692.107	116.049	5.964	.000

<sup>a</sup> Dependent Variable: Harga Saham OO

$$Y' = a + b_1 X_1 + b_2 X_2$$

$$Y' = 4662,491 + (-74,482)X_1 + 692,107X_2$$

$$Y' = 4662,491 - 74,482X_1 + 692,107X_2$$

Keterangan:

$Y'$  = Harga saham yang diprediksi (Rp)

$a$  = konstanta

$b_1, b_2$  = koefisien regresi

$X_1$  = PER (%)

$X_2$  = ROI (%)

Persamaan regresi di atas dapat dijelaskan sebagai berikut:

- Konstanta sebesar 4662,491; artinya jika PER ( $X_1$ ) dan ROI ( $X_2$ ) nilainya adalah 0, maka harga saham ( $Y'$ ) nilainya adalah Rp.4662,491.
- Koefisien regresi variabel PER ( $X_1$ ) sebesar -74,482; artinya jika variabel independen lain nilainya tetap dan PER mengalami kenaikan 1%, maka harga saham ( $Y'$ ) akan mengalami penurunan sebesar Rp.74,482. Koefisien bernilai negatif artinya terjadi hubungan negatif antara PER dengan harga saham, semakin naik PER maka semakin turun harga saham.
- Koefisien regresi variabel ROI ( $X_2$ ) sebesar 692,107; artinya jika variabel independen lain nilainya tetap dan ROI mengalami kenaikan 1%, maka harga saham ( $Y'$ ) akan mengalami peningkatan sebesar Rp.692,107. Koefisien bernilai positif artinya terjadi hubungan positif antara ROI dengan harga saham, semakin naik ROI maka semakin meningkat harga saham.

nilai R berkisar antara 0 sampai 1, nilai semakin mendekati 1 berarti hubungan yang terjadi semakin kuat, sebaliknya nilai semakin mendekati 0 maka hubungan yang terjadi semakin lemah.

## Model Summary

Model	R	R Square	Adjusted R Square	Std. Error of the Estimate
1	.879 <sup>a</sup>	.772	.742	870.80

a. Predictors: (Constant), ROI (X2), PER (X1)

# Determinasi ( $R^2$ )

## Model Summary

Model	R	R Square	Adjusted R Square	Std. Error of the Estimate
1	.879 <sup>a</sup>	.772	.742	870.80

a. Predictors: (Constant), ROI (X2), PER (X1)

a. Prediktors: (konstanta), ROI (X2), PER (X1)

Berdasarkan tabel di atas diperoleh angka  $R^2$  (R Square) sebesar 0,772 atau (77,2%). Hal ini menunjukkan bahwa prosentase sumbangan pengaruh variabel independen (PER dan ROI) terhadap variabel dependen (harga saham) sebesar 77,2%. Atau variasi variabel independen yang digunakan dalam model (PER dan ROI) mampu menjelaskan sebesar 77,2% variasi variabel dependen (harga saham). Sedangkan sisanya sebesar 22,8% dipengaruhi atau dijelaskan oleh variabel lain yang tidak dimasukkan dalam model penelitian ini.

# Uji F

17

ANOVA<sup>b</sup>

Model		Sum of Squares	df	Mean Square	F	Sig.
1	Regression	38620594	2	19310297.00	25.465	.000 <sup>a</sup>
	Residual	11374406	15	758293.733		
	Total	49995000	17			

a. Predictors: (Constant), ROI (X2), PER (X1)

b. Dependent Variable: Harga Saham (Y)

Tahap-tahap untuk melakukan uji F adalah sebagai berikut:

1. Merumuskan Hipotesis  $H_0$  : Tidak ada pengaruh secara signifikan antara PER dan ROI secara bersama-sama terhadap harga saham.  
 $H_a$  : Ada pengaruh secara signifikan antara PER dan ROI secara bersama-sama terhadap harga saham.
2. Menentukan tingkat signifikansi Tingkat signifikansi menggunakan  $\alpha = 5\%$  (signifikansi 5% atau 0,05 adalah ukuran standar yang sering digunakan dalam penelitian)
3. Menentukan  $F$  hitung Berdasarkan tabel diperoleh  $F$  hitung sebesar 25,465

4. Menentukan F table Dengan menggunakan tingkat keyakinan 95%,  $\alpha = 5\%$ , df 1 (jumlah variabel-1) = 2, dan df 2 ( $n-k-1$ ) atau  $18-2-1 = 15$  ( $n$  adalah jumlah kasus dan  $k$  adalah jumlah variable independen), hasil diperoleh untuk F tabel sebesar 3,683 (Lihat pada lampiran) atau dapat dicari di Ms Excel dengan cara pada cell kosong ketik =finv(0.05,2,15) lalu enter.

## 5. Kriteria pengujian

- $H_0$  diterima bila  $F_{hitung} < F_{table}$
- $- H_0$  ditolak bila  $F_{hitung} > F_{table}$

6. Membandingkan F hitung dengan F tabel. Nilai F hitung  $>$  F tabel ( $25,465 > 3,683$ ), maka  $H_0$  ditolak.
7. Kesimpulan Karena F hitung  $>$  F tabel ( $25,465 > 3,683$ ), maka  $H_0$  ditolak, artinya ada pengaruh secara signifikan antara *price earning ratio* (PER) dan *return on investmen* (ROI) secara bersama-sama terhadap terhadap harga saham. Jadi dari kasus ini dapat disimpulkan bahwa PER dan ROI secara bersama-sama berpengaruh terhadap harga saham pada perusahaan di BEJ

**Coefficients**

Model	Unstandardized Coefficients		Standardized Coefficients Beta	t	Sig.
	B	Std. Error			
1 (Constant)	4662.491	668.382		6.976	.000
PER (X1)	-74.482	59.161	-.214	-1.259	.227
ROI (X2)	692.107	116.049	1.012	5.964	.000

a. Dependent Variable: Harga Saham (Y)

## Pengujian koefisien regresi variabel PER

### 1. Menentukan Hipotesis

Ho : Secara parsial tidak ada pengaruh signifikan antara PER dengan harga saham.

Ha : Secara parsial ada pengaruh signifikan antara PER dengan harga saham

### 2. Menentukan tingkat signifikansi

Tingkat signifikansi menggunakan  $\alpha = 5\%$

### 3. Menentukan t hitung

Berdasarkan tabel diperoleh t hitung sebesar -1,259

### 4. Menentukan t tabel

Tabel distribusi t dicari pada  $\alpha = 5\% : 2 = 2,5\%$  (uji 2 sisi) dengan derajat kebebasan (df)  $n-k-1$  atau  $18-2-1 = 15$  (n adalah jumlah kasus dan k adalah jumlah variabel independen). Dengan pengujian 2 sisi (signifikansi  $= 0,025$ ) hasil diperoleh untuk t tabel sebesar 2,131 (Lihat pada lampiran) atau dapat dicari di Ms Excel dengan cara pada cell kosong ketik  $=tinv(0.05,15)$  lalu enter.

## 5. Kriteria Pengujian

$H_0$  diterima jika  $-t_{hitung} < t_{tabel} < t_{hitung}$

$H_0$  ditolak jika  $-t_{hitung} < -t_{tabel}$  atau  $t_{hitung} > t_{tabel}$

## 6. Membandingkan $t_{hitung}$ dengan $t_{tabel}$

Nilai  $-t_{hitung} > -t_{tabel}$  ( $-1,259 > -2,131$ ) maka  $H_0$  diterima

## 7. Kesimpulan

Oleh karena nilai  $-t_{hitung} < -t_{tabel}$  ( $-1,259 < 2,131$ ) maka  $H_0$  diterima, artinya secara parsial tidak ada pengaruh signifikan antara PER dengan harga saham. Jadi dari kasus ini dapat disimpulkan bahwa secara parsial PER tidak berpengaruh terhadap harga saham pada perusahaan di BE

1. Menentukan Hipotesis  $H_0$  : Secara parsial tidak ada pengaruh signifikan antara ROI dengan harga saham  $H_a$  : Secara parsial ada pengaruh signifikan antara ROI dengan harga saham
2. Menentukan tingkat signifikansi Tingkat signifikansi menggunakan  $\alpha = 5\%$ .
3. Menentukan  $t$  hitung Berdasarkan tabel diperoleh  $t$  hitung sebesar 5,964
4. Menentukan  $t$  table Tabel distribusi  $t$  dicari pada  $\alpha = 5\% : 2 = 2,5\%$  (uji 2 sisi) dengan derajat kebebasan (df)  $n-k-1$  atau  $18-2-1 = 15$  ( $n$  adalah jumlah kasus dan  $k$  adalah jumlah variabel independen). Dengan pengujian 2 sisi (signifikansi = 0,025) hasil diperoleh untuk  $t$  tabel sebesar 2,131.

5. Kriteria Pengujian  $H_0$  diterima jika  $-t_{hitung} \leq t_{table}$  dan  $H_0$  ditolak jika  $-t_{hitung} < -t_{table}$  atau  $t_{hitung} > t_{table}$
6. Membandingkan  $t_{hitung}$  dengan  $t_{table}$  Nilai  $t_{hitung} > t_{table} (5,964 > 2,131)$  maka  $H_0$  ditolak
7. Kesimpulan Oleh karena nilai  $t_{hitung} > t_{table} (5,964 > 2,131)$  maka  $H_0$  ditolak, artinya secara parsial ada pengaruh signifikan antara ROI dengan harga saham. Jadi dari kasus ini dapat disimpulkan bahwa secara parsial ROI berpengaruh positif terhadap harga saham pada perusahaan di BEJ.

## CASE 2

The researcher wants to understand how certain physical factors may affect an individual's weight. The research scenario centers on the belief that an individual's "height" and "age" (independent variables) are related to the individual's "weight" (dependent variable)

	weight	height	age
1	115	62	41
2	140	62	21
3	125	62	31
4	125	64	21
5	145	64	31
6	135	64	41
7	165	72	41
8	190	72	31
9	175	72	21
10	150	66	31
11	155	66	31
12	140	64	21
45	110	64	51

# A S U M S I ( n o r m a l i t y )

Click Analyze, select Nonparametric Tests, and then click OneSample (the One-Sample Nonparametric Tests window opens)

- Click the Objective tab, and then click Customize analysis.
- Click the Fields tab (if your three variables are not in the Test Fields pane, then move them to it).
- Click the Settings tab, click Customize tests, and then click Kolmogorov-Smirnov test.
- Click Options, make sure Normal is checked, then click OK

# Linearity & Homoscedasticity

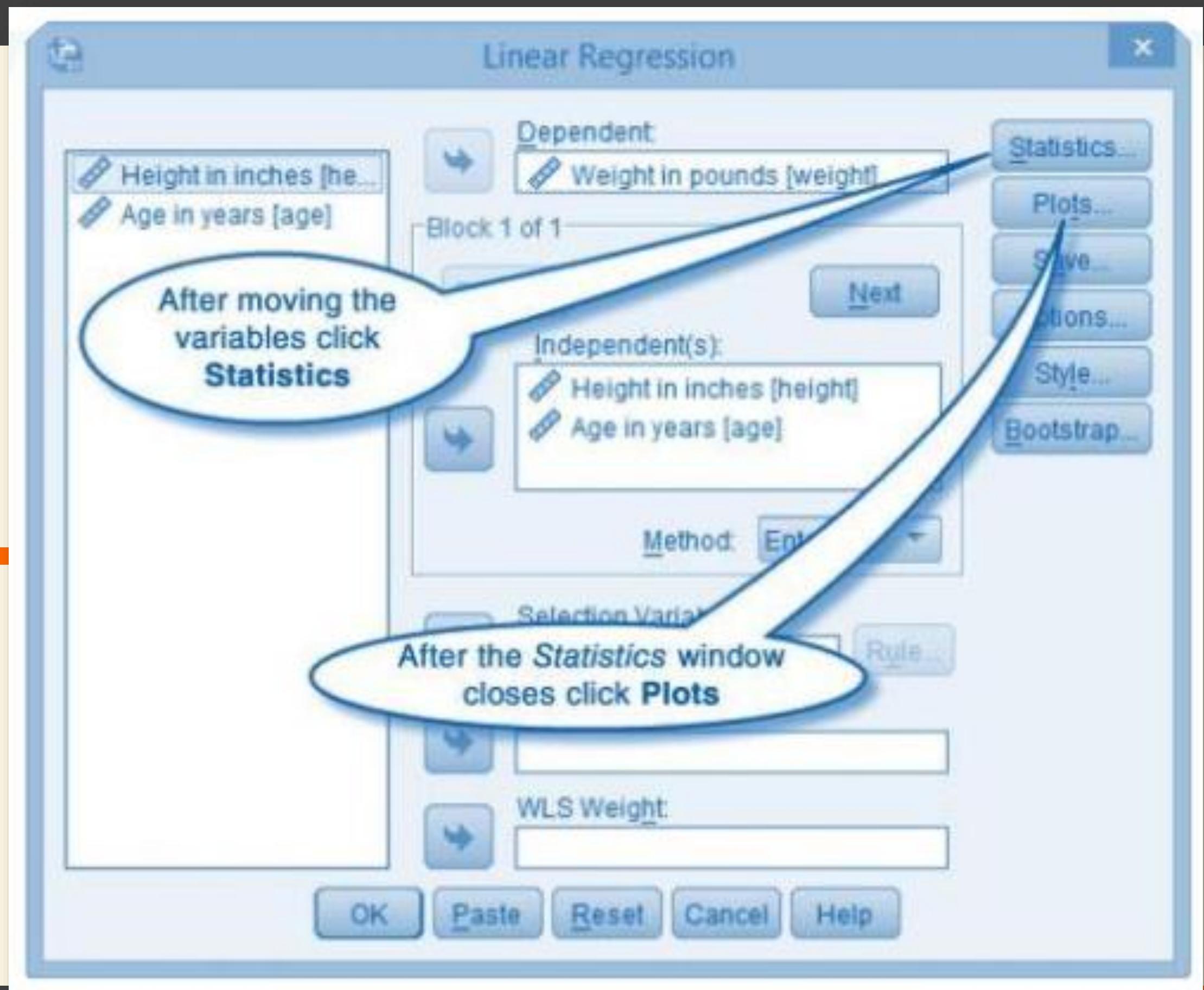
29

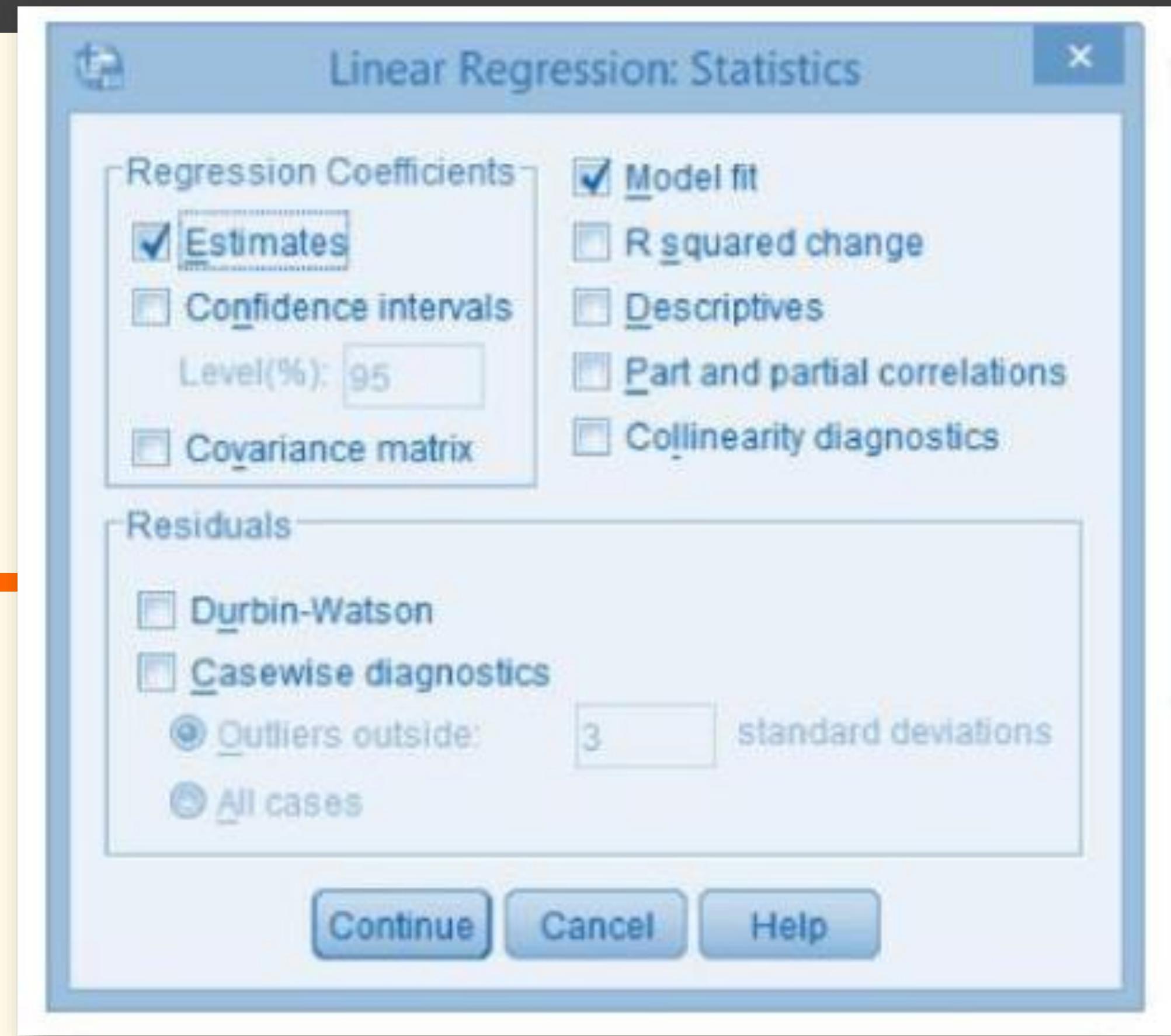
# Multiple Regression

30

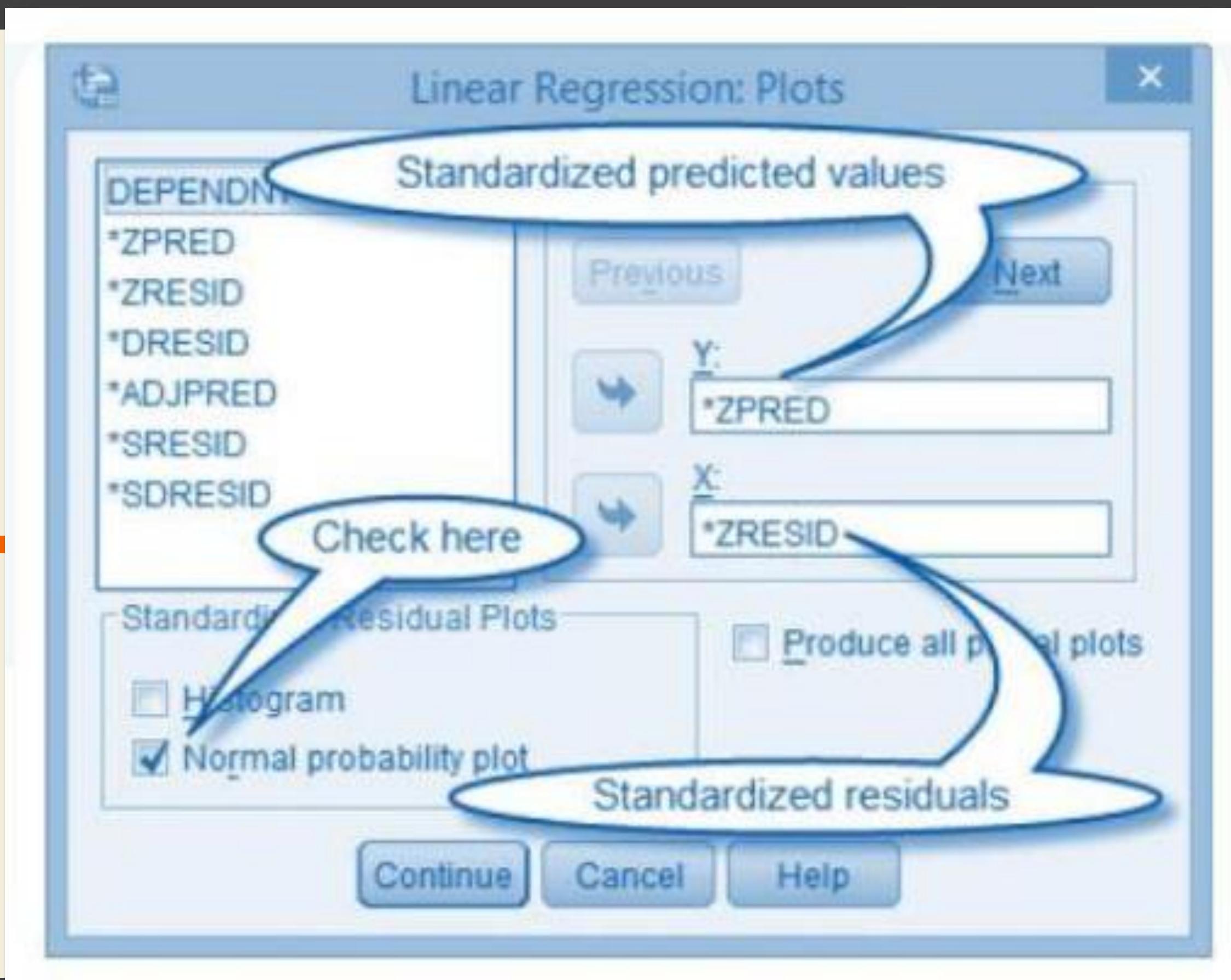
Click Analyze, select Regression, and then click Linear

- Click Weight, and then click the arrow next to the Dependent: box
- Click Height, and then click the arrow next to the Independent(s): box.
- Click Age, and then click the arrow next to the Independent(s): box





- Click Continue (returns to the Linear Regression window depicted)
- Click Plots (the Linear Regression: Plots window opens; (actually, this is the same analytic request you made when doing single regression).
- Click \*ZPRED, and then click the arrow beneath the Y: box.
- Click \*ZRESID, and then click the arrow beneath the X: box.
- Click Normal probability plot.
- Click Continue, and then click OK (this final click produces all the output required to interpret our analysis)



**Model Summary<sup>b</sup>**

Model	R	R Square	Adjusted R Square	Std. Error of the Estimate
1	.919 <sup>a</sup>	.845	.811	9.515

a. Predictors: (Constant), Age in years, Height in inches

b. Dependent Variable: Weight in pounds

**ANOVA<sup>a</sup>**

Model	Sum of Squares	df	Mean Square	F	Sig.
1      Regression	4451.886	2	2225.943	24.588	.000 <sup>b</sup>
Residual	814.780	9	90.531		
Total	5266.667	11			

a. Dependent Variable: Weight in pounds

b. Predictors: (Constant), Age in years, Height in inches

**Coefficients<sup>a</sup>**

Model	Unstandardized Coefficients		Beta	t	Sig.
	B	Std. Error			
1 (Constant)	-175.175	48.615		-3.603	.006
Height in inches	5.072	.727	.916	6.974	.000
Age in years	-.399	.362	-.145	-1.103	.299

a. Dependent Variable: Weight in pounds



# Thank You!

Any Questions?